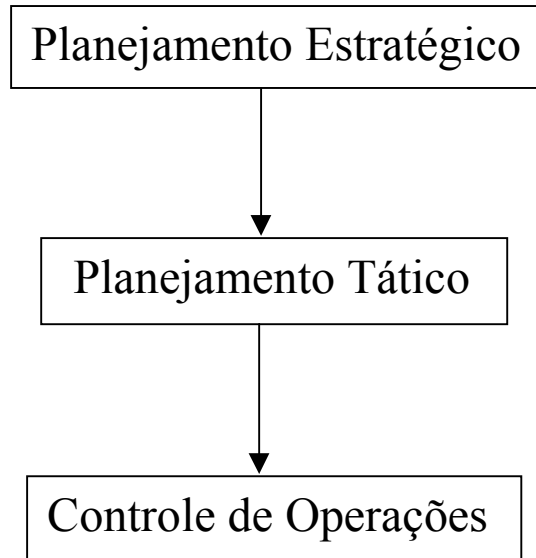


PLANEJAMENTO HIERÁRQUICO DE SISTEMAS DE MANUFATURA



Planejamento Estratégico

É um processo de decisão envolvendo

- definição dos objetivos da empresa
- recursos para atingir os objetivos
- políticas de aquisição, uso e disposição de recursos

Decisões Típicas

- localização de novas fábricas e armazéns
- aquisição de novos equipamentos
- projeto de centros de trabalho em cada fábrica
- projeto de facilities de transporte

Horizonte de Planejamento Típico: 1 a 5 anos

Planejamento Tático

Trata da utilização eficaz e eficiente dos recursos disponíveis em horizonte de médio prazo dividido em períodos

Alocação eficaz de recursos deve satisfazer a demanda e requisitos tecnológicos, levando em consideração custos e lucros associados com a operação dos recursos

Decisões Típicas

- determinação da mão de obra regular e hora extra
- determinação de taxas de produção e níveis de estoque
- alocação de recursos a famílias de produtos
- seleção de alternativas de transporte

Horizonte de Planejamento Típico: 1 ano

Controle de Operações

Está relacionado com o controle cotidiano de execução de operações a partir do planejamento tático

No nível operacional são decididos os programas (schedules) detalhados da produção dos itens finais e componentes

Decisões Típicas

- designação de ordens de clientes a máquinas individuais
- programação das ordens no chão de fábrica
- controle de estoques
- controle de qualidade
- programação de veículos

PROGRAMAÇÃO (SCHEDULING) DE TAREFAS

Trata da alocação de recursos limitados a tarefas (jobs) ao longo do tempo de forma a otimizar um ou mais critérios

Encontra aplicação em diversas áreas:

- manufatura
- hospital
- veículos
- computação
- projeto

Teoria de Scheduling

Está relacionada com modelos matemáticos dos problemas e técnicas de resolução dos modelos. Os problemas pertencem à área de otimização combinatória.

Enfoque quantitativo:

Descrever as metas em uma (ou mais de uma) função objetivo e explicitar as restrições

Custos

Os custos nas decisões de scheduling são difíceis de medir e identificar. Os principais custos de operação (mais facilmente identificáveis) são determinados pelo planejamento

Exemplos de metas relevantes em scheduling são:

- utilização eficiente de recursos
- resposta rápida às demandas
- bom desempenho com relação aos instantes de término de processamento das tarefas

Medidas Típicas de Desempenho:

- tempo ocioso de máquina
- tempo de espera de uma tarefa
- atraso no término de uma tarefa

Essas medidas são usadas como substitutas do custo total

Restrições

Tipos mais comuns de restrições em problemas de scheduling:

- Limite de recursos disponíveis
- Restrições tecnológicas na ordem de execução das tarefas

Resolver um problema de scheduling corresponde a responder duas questões:

- quais recursos devem ser alocados para executar cada tarefa?
- quando cada tarefa é executada?

Problema de Job-Shop Convencional

- n tarefas $\{i_1, \dots, i_n\}$ devem ser processadas pelas máquinas $\{M_1, \dots, M_m\}$
- Cada tarefa deve ser processada em cada máquina somente uma vez
- processamento de uma tarefa i em uma máquina j é chamado de operação com duração p_{ij} conhecida
- restrições tecnológicas: indicam a ordem (rota) que cada tarefa deve ser processada pelas máquinas
- r_i = instante em que a tarefa i está disponível para processamento é conhecido

Exemplo

Tempos de Processamento

		Máquina	
		M ₁	M ₂
Tarefa	1	2	3
	2	1	4
	3	6	5

Roteamento

		Máquina	
		M ₁	M ₂
Tarefa	1	M ₁	M ₂
	2	M ₂	M ₁
	3	M ₁	M ₂

Se todas as tarefas têm a mesma ordem de processamento tem-se um problema de flow-shop

Hipóteses para os Problemas de Scheduling

- 1) Duas operações de uma mesma tarefa não podem ser executadas simultaneamente
- 2) Cada operação, uma vez iniciada, deve ser completada antes que outra operação seja iniciada naquela máquina
- 3) Cada tarefa tem m operações distintas, uma em cada máquina
- 4) Cada tarefa deve ser processada até seu término
- 5) Nenhuma máquina pode processar mais de uma operação por vez
- 6) Máquinas não quebram
- 7) Restrições tecnológicas são conhecidas
- 8) Não existe aleatoriedade

Classificação dos Problemas de Scheduling

Estático: número de tarefas e instantes de disponibilidade para processamento r_i são conhecidos

Determinístico: não existe aleatoriedade nos parâmetros tempo de processamento, r_i , etc.

Dinâmico: número de tarefas e r_i são variáveis aleatórias

Estocástico: tempo de processamento e outros parâmetros são variáveis aleatórias; uma máquina pode quebrar com uma certa distribuição de probabilidade

MEDIDAS DE DESEMPENHO NA PROGRAMAÇÃO DA PRODUÇÃO

- atender datas de entrega
- minimizar o tempo para completar o processamento de todas as tarefas
- minimizar custos de estoque: estoque de produto acabado, estoque de matéria prima, estoque em processamento (tarefas esperando por máquinas)
- minimizar número de tarefas atrasadas
- maximizar utilização de máquinas e outros recursos

A otimização dos critérios acima é freqüentemente conflitante: a redução de um critério pode levar ao acréscimo de outro critério.

Definições e Notação

Considere n tarefas J_i , $i=1, \dots, n$, cada tarefa composta de m operações e cada operação executada em uma máquina distinta

r_i = instante em que J_i está disponível para iniciar seu processamento

d_i = data de entrega (prometida) de J_i

W_{ik} = tempo de espera de J_i que precede sua k -ésima operação

W_i = tempo total de espera de J_i : $W_i = \sum_{k=1}^m W_{ik}$

C_i = instante de término de J_i :

$$C_i = r_i + \sum_{k=1}^m (W_{ik} + p_{ij(k)})$$

onde

$p_{ij(k)}$ = tempo de processamento da k -ésima operação de J_i na máquina $M_{j(k)}$

F_i = tempo de fluxo de J_i : $F_i = C_i - r_i$

L_i = lateness de J_i : $L_i = C_i - d_i$

T_i = atraso de J_i : $T_i = \max\{L_i, 0\}$

E_i = avanço de J_i : $E_i = \max\{-L_i, 0\}$

Seja X_i qualquer quantidade relacionada a J_i

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n X_i : \text{m\u00e9dia sobre todas as tarefas}$$

$$X_{\max} = \max\{X_1, X_2, \dots, X_n\} : \text{m\u00e1ximo sobre todas as tarefas}$$

Por exemplo,

$$\bar{F} = \text{tempo de fluxo m\u00e9dio}$$

$$C_{\max} = \text{instante de t\u00e9rmino de processamento de todas as tarefas (makespan)}$$

Tempo ocioso na m\u00e1quina M_j :

$$I_j = C_{\max} - \sum_{i=1}^n p_{ij}$$

Outras variáveis:

$N_w(t)$ = número de tarefas esperando entre máquinas ou não disponíveis para processamento no instante t

$N_p(t)$ = número de tarefas sendo processadas em t

$N_c(t)$ = número de tarefas completadas até o instante t

$N_u(t)$ = número de tarefas ainda não completadas até o instante t

$$N_u(0) = n \quad , \quad N_u(C_{\max}) = 0$$

$$N_w(t) + N_p(t) + N_c(t) = n$$

$$N_w(t) + N_p(t) = N_u(t)$$

Critérios Baseados em Instantes de Término

Principais critérios : F_{\max} , C_{\max} , \bar{F} , \bar{C}

F_{\max} : custo de um programa é relacionado com a tarefa que fica mais tempo no sistema de produção

\bar{F} : custo de um programa é relacionado com o tempo médio de permanência das tarefas no sistema, que está associado ao estoque em processamento

\bar{C} = é equivalente a \bar{F}

C_{\max} : custo de um programa é relacionado com o tempo total para concluir o processamento de todas as tarefas, que está associado à máxima utilização das máquinas

Se $r_i = 0$, $\forall J_i$, então F_{\max} e C_{\max} são equivalentes, caso contrário são critérios distintos

Outros critérios: minimizar

$$\sum_{i=1}^n \alpha_i C_i \quad \text{ou} \quad \sum_{i=1}^n \alpha_i C_i$$

onde $\alpha_i > 0$, $i=1, \dots, n$ são pesos com $\sum_{i=1}^n \alpha_i = 1$

P = matriz de tempos de processamento das tarefas nas máquinas

R = matriz de roteamento das tarefas nas máquinas

Exemplo

$$P = \begin{array}{c} \\ J_1 \\ J_2 \end{array} \begin{array}{cc} M_1 & M_2 \\ \hline 2 & 3 \\ \hline 1 & 6 \end{array}$$

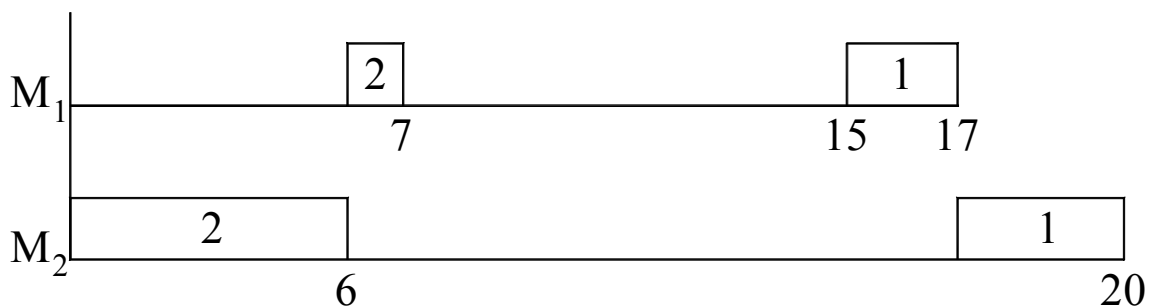
$$R = \begin{array}{c} \\ J_1 \\ J_2 \end{array} \begin{array}{cc} \text{Máquina} \\ \hline M_1 & M_2 \\ \hline M_2 & M_1 \end{array}$$

$$r_1 = 15; r_2 = 0$$

$$F_1 = 20 - 15 = 5$$

$$\Rightarrow F_{\max} = 7; C_{\max} = 20$$

$$F_2 = 7 - 0 = 7$$



Critérios Baseados em Datas de Entrega

Minimizar \bar{L} ou L_{\max} é apropriado quando existe um prêmio ao se terminar tarefas mais cedo

Minimizar \bar{T} ou T_{\max} é apropriado quando existe um custo ao se terminar as tarefas atrasadas

Minimizar \bar{E} ou E_{\max} é apropriado quando se deseja minimizar custo de estoque

Outro critério: minimizar

$$\sum_{i=1}^n (\alpha_i E_i + \beta_i T_i)$$

Classificação das Medidas de Desempenho

São classificadas em regulares e não regulares

Uma medida regular R a ser minimizada possui a propriedade de ser não decrescente com os instantes de término C_1, C_2, \dots, C_n , das tarefas, isto é,

$$C_1 \leq C'_1, C_2 \leq C'_2, \dots, C_n \leq C'_n$$

implica em

$$R(C_1, C_2, \dots, C_n) \leq R(C'_1, C'_2, \dots, C'_n)$$

Pode-se mostrar que

$\bar{C}, C_{\max}, \bar{F}, F_{\max}, \bar{L}, L_{\max}, \bar{T}, T_{\max}$ e

n_T (número de tarefas atrasadas) são medidas regulares

Exemplo

Seja a medida C_{\max}

$$R(C_1, C_2, \dots, C_n) = C_{\max} = \max \{C_1, C_2, \dots, C_n\}$$

$$\max \{C'_1, C'_2, \dots, C'_n\} = R(C'_1, C'_2, \dots, C'_n)$$

Relação entre Medidas de Desempenho

Duas medidas de desempenho são equivalentes se um programa que é ótimo para uma medida também é ótimo para outra medida

Teorema 5.1 : As seguintes medidas de desempenho são equivalentes:

$$\bar{C}; \bar{F}; \bar{W}; \bar{L}$$

Demonstração

$$C_i = F_i + r_i = W_i + \sum_{j=1}^m p_{ij} + r_i = L_i + d_i$$

Somando sobre todas as tarefas e dividindo por n ,

$$\bar{C} = \bar{F} + \bar{r} = \bar{W} + \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m p_{ij} + \bar{r} = \bar{L} + \bar{d}$$

$\bar{r}, \left(\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m p_{ij} \right)$ e \bar{d} são constantes e independentes do

programa. Portanto, um programa que minimiza \bar{C} também minimiza \bar{F}, \bar{W} e \bar{L} , isto é, as medidas são equivalentes. Além disso, como \bar{C} é regular segue-se que \bar{F}, \bar{W} e \bar{L} também são regulares.

Observação : as medidas $C_{\max}, F_{\max}, W_{\max}$ e L_{\max} , não são equivalentes, em geral

Casos Particulares :

Se $r_i = 0, \forall i$, então $C_i = F_i, \forall i, \Rightarrow C_{\max}$ e F_{\max} são equivalentes

Se $d_i = d, \forall i$, então $L_i = C_i - d, \Rightarrow L_{\max}$ e C_{\max} são equivalentes

Teorema 5.2 : Um programa que é ótimo com relação a L_{\max} , também é ótimo com relação a T_{\max}

Demonstração

$$\begin{aligned} T_{\max} &= \max \{ \max \{L_1, 0\}, \max \{L_2, 0\}, \dots, \max \{L_n, 0\} \} \\ &= \max \{L_1, L_2, L_n, 0\} \\ &= \max \{L_{\max}, 0\} \end{aligned}$$

Portanto, minimizar $L_{\max} \Rightarrow$ minimizar T_{\max}

Observação : minimizar T_{\max} não implica minimizar L_{\max} , pois $T_{\max} \geq 0$, enquanto L_{\max} pode ser negativo, zero ou nulo

Teorema 5.3 : As seguintes medidas são equivalentes

i) $\min C_{\max}$; ii) $\max \bar{N}_p$; iii) $\min \bar{I}$

Prova

Equivalência de i) e ii)

$$\bar{N}_p = \frac{1}{C_{\max}} \int_0^{C_{\max}} N_p(t) dt$$

$N_p(t)$ = número de tarefas em processamento no instante t

Seja

$$\delta_i(t) = \begin{cases} 1, & \text{se } J_i \text{ está sendo processado numa máquina} \\ & \text{no instante } t \\ 0, & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Então

$$N_p(t) = \sum_{i=1}^n \delta_i(t)$$

Note que no período $[0, C_{\max}]$, $\delta_i(t) = 1$ no intervalo $\sum_{j=1}^m p_{ij}$, tempo total de processamento de J_i . Portanto

$$\int_0^{C_{\max}} \delta_i(t) dt = \sum_{j=1}^m p_{ij}$$

e daí

$$\int_0^{C_{\max}} N_p(t) dt = \sum_{i=1}^n \int_0^{C_{\max}} \delta_i(t) dt = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m p_{ij}$$

e

$$\bar{N}_p = \frac{\sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^m p_{ij}}{C_{\max}}$$

Como o numerador é constante, temos que maximizar \bar{N}_p é equivalente a minimizar C_{\max}

Equivalência entre i) e iii) :

Note que

$$I_j = C_{\max} - \sum_{i=1}^n p_{ij}$$

Portanto

$$\begin{aligned} \bar{I} &= \frac{1}{m} \sum_{j=1}^m I_j = \frac{1}{m} \left(m C_{\max} - \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n p_{ij} \right) \\ &= C_{\max} - \underbrace{\frac{1}{m} \sum_{j=1}^m \sum_{i=1}^n p_{ij}}_{\text{constante}} \end{aligned}$$

$\Rightarrow \bar{I}$ e C_{\max} são equivalentes

Como C_{\max} é uma medida regular, concluímos que \bar{I} e \bar{N}_p são também regulares ($\min(-\bar{N}_p)$ é equivalente a $\max \bar{N}_p$).

Classificação dos Problemas de Scheduling

São classificadas através de 4 parâmetros: $n / m / A / B$

n : número de tarefas

m : número de máquinas

A : descreve o padrão de fluxo entre máquinas. Se $m = 1$, A é omitido. A pode ser:

- i) F : flow shop: todas as tarefas são processadas na mesma ordem pelas máquinas
- ii) P : flow shop de permutação: a seqüência de processamento das tarefas nas máquinas é a mesma
- iii) G : job shop: cada tarefa tem uma rota de máquinas para processamento

B : descreve a medida de desempenho do problema

Exemplo: $n / 2 / F / C_{\max}$: n tarefas, 2 máquinas, problema de flow shop com o objetivo de minimizar o makespan